

[P273] 11

Пројектовање база података

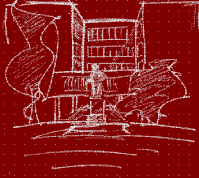


Саша Малков
Универзитет у Београду
Математички факултет
2023/2024

[P273]

Пројектовање база података

Саша Малков




Тема 11
Репликација

[P273] - Пројектовање база података - Саша Малков - 2023/24 - час 11 1

Расположивост, одговорност и поузданост система

Дистрибуирани системи и поузданост




- У дистрибуираним системима је реалност да неке од дистрибуираних компоненти нису функционалне
 - Није питање “да ли” него само “када, колико и којих” компоненти ће постати неисправно у неком тренутку
- Неисправности обухватају:
 - багове
 - људске грешке при управљању системима
 - преоптерећеност (оперативна)
 - загушење (комуникационо)
 - оштећења медија за чување података
 - оштећења електронских уређаја
 - злонамерне активности

Универзитет у Београду - Математички факултет

[P273] - Пројектовање база података - Саша Малков - 2023/24 - час 11 2

Расположивост, одговорност и поузданост система

Однос према насталим неисправностима



- Изоловање неисправности
- Толеранција неисправности

Универзитет у Београду - Математички факултет

[P273] - Пројектовање база података - Саша Малков - 2023/24 - час 11 3



Изоловање неисправности

- Принцип:
 - Обезбеђивање да неисправност једне компоненте не утиче на функционалност осталих компоненти
- Последице:
 - Функција коју је обезбеђивала неисправна компонента није расположива док се проблеми не отклоне и компонента не постане оперативна
 - Остале компоненте функционишу у мери у којој то могу без неисправне компоненте



Толеранција неисправности

- Принцип:
 - У случају неисправности неке од компоненти, друге компоненте преузимају њене функције
- Последице:
 - Повећана флексибилност и поузданост система
 - Повећана сложеност и цена система



Остваривање толеранције

- Основни методи:
 - Реконфигурирање система
 - Прикривање неисправних компоненти
- Заједничке особине:
 - Неопходна је редундантност
 - Корисници система не опажају неисправности
 - осим евентуално кроз умањене перформансе система



Аспекти поузданости

- Поузданост система (*dependability*) чине
 - Распоживост система (*availability*)
 - “способност система да прими захтев”
 - релативно ниско трајање периода када систем “не ради”
 - или ретко долази до неисправности или се оне брзо отклањају
 - Одговорност система (*reliability*)
 - “способност система да одговори на захтев”
 - систем или уопште неће имати неисправности током рада или ће оне бити превазилажене у ходу тако да не буде прекида оперативности
 - или ретко долази до неисправности или је систем у потпуности способан да се довољно брзо опорави да оне не ометају рад



Расположивост и одговорност

- Систем може бити високо одговоран а да није високо расположив
 - Пример: систем који не прима захтеве током прављења резервних копија, а у међувремену ради са ретким неуспесима
- Систем може бити високо расположив а да није високо одговоран
 - Пример: систем који је скоро увек у стању да прими захтев (нпр. аутоматски се превазилазе евентуални кварови) али релативно често не успева да одговори на захтев (нпр. због неисправности софтвера)



Мера одговорности

- Систем је потпуно одговоран ако никада не трпи оштећења током обраде захтева
- Мера одговорности је вероватноћа да ће систем одговорити на захтеве које је примио
 - $R(t) = 1 - F(t)$
 - $R(t)$ је одговорност у интервалу времена дужине t
 - $F(t)$ је вероватноћа да ће доћи до грешке у интервалу дужине t
 - $R(t) = 1 - \int_0^t f(x) dx$
 - $f(t)$ је густина вероватноће неуспеха



Мера одговорности (2)

- Уобичајена мера је “средње време до неуспеха” (*mean time to failure*), у ознаци $MTTF$:
 - $MTTF = R^{-1}(0.5)$
 - т.ј. време за које је $R(t) = 0,5$
- Користи се и мера “средње време између неуспеха” (*mean time between failures*), у ознаци $MTBF$



Мера расположивости

- Систем је потпуно расположив ако је увек у стању да прими захтев
- Мера расположивости $A(t)$ је вероватноћа да ће систем бити у стању да прими захтев у неком тренутку t
 - т.ј. да ће систем
 - или радити исправно у интервалу $[0, t]$
 - или ће последњи проблем бити отклоњен у неком тренутку x , где је $0 < x < t$
- Ова мера се назива и “тренутна расположивост”



Мера расположивости (2)

- Уобичајена мера је и “средње време оправке” (*mean time to repair*), у ознаци *MTTR*:
 - Очекивано трајање поправљања система након неуспеха
 - Код база података, назива се и “средње трајање опоравка”



Мера расположивости (3)

- У пракси се често употребљава тзв. гранична расположивост:

$$\lim_{t \rightarrow \infty} A(t) = \frac{MTTF}{MTTF + MTTR}$$

- Поред тога, употребљава се и метод експерименталног мерења:
 - Ако се у интервалу $[0, t]$ региструју интервали u_i у којима систем није расположив, онда је расположивост:

$$A(t) = 1 - \frac{\sum u_i}{t}$$



Мера поузданости

- Нека је s сервис чије извршавање траје τ
 - **Расположивост** $A_s(t)$ је вероватноћа догађаја $I_s(t)$ да ће сервис бити успешно инициран у тренутку t
 - **Одговорност** $R_s(t, \tau)$ је условна вероватноћа догађаја $T_s(\tau)$ да ће систем успешно да заврши обраду захтева, под условом да је наступио догађај $I_s(t)$ (тј. да је захтев примљен)
 - **Поузданост** система је вероватноћа $D_s(t, \tau)$, која представља конјункцију догађаја $I_s(t)$ и $T_s(\tau)$, тј. да ће захтев бити успешно и примљен и обрађен



Мера поузданости (2)

- $A_s(t) = P[I_s(t)]$
- $R_s(t, \tau) = P[T_s(\tau) | I_s(t)]$
- $D_s(t, \tau) = P[I_s(t) \wedge T_s(\tau)] = A_s(t) R_s(t, \tau)$



Шта је репликација?

- Репликација је свако удвајање неке компоненте рачунарског система које доноси неки ниво редувантности



Зашто реплицирамо?

- Два основна мотива:
 - Перформансе
 - Поузданост
- У случају дистрибуираних база података репликација је често неопходно средство за достизање потребног нивоа и перформанси и поузданости
 - Штавише, чест је и обрнут случај, да се прави дистрибуирана база података само да би се остварила репликација



Подизање перформанси

- Остварује се кроз расподелу оптерећења на реплике
- Посебно је значајно у случају читања
- Може да има негативан утицај на перформансе писања
 - посебно ако се очекује да све реплике изврше ажурирања у току трансакције
 - решава се одложеним реплицирањем
 - тако пада поузданост, па често није прихватљиво
 - али писање може чак и да буде брже него без реплика



Подизање поузданости

- Имплементација толеранције неисправности
 - кроз маскирање неисправности
 - и реконфигурисање система
- Препознавање неисправности
 - кроз “дуплирање” (*mirroring*)
 - дуплирање је најједноставнији облик репликације



Шта реплицирамо

- Предмет репликације могу бити:
 - подаци
 - процеси
 - објекти
 - поруке
- Нас првенствено занима репликација **података**



Предмет репликације података

- База података
- Табела
- Фрагмент табеле
- Глобални каталог базе података
- Систем датотека
- Појединачна датотека



Ограничења репликације

- Основну цену репликације представљају
 - додатна цена простора због редундантног чувања података
 - повећана цена писања због мењања података на више локација
 - повећан обим преноса података ради репликације
 - објективно се умањује за уштеде због приступања ближим подацима
 - цена додатне обраде услед имплементације репликације
- Ограничење ефикасности
 - ако је ограничена расположивост једне копије А, онда је ограничена и расположивост реплицираног система
 - тачно ограничење зависи од модела репликације и врсте употребе
 - нпр. расположивост ажурирања локације не може да пређе $A^{1/2}$



Начини репликације података

- Основни принцип
 - Подаци се одржавају на више (дистрибуираних) локација
- Основни начини репликације
 - Читај један пиши све (ROWA)
 - Консензус кворума (КК) (гласање)
 - Консензус кворума у уређеним мрежама



Протоколи ROWA

- “Читај један пиши све”
- “*Read One Write All*”
- Концепт
 - Само примарна копија се чита
 - Све копије се мењају



Протоколи ROWA (2)

- Протоколи ROWA
 - толеришу отказе локација када је у питању читање
 - не толеришу отказе локација када је у питању писање
 - не толеришу отказе комуникација
- Варијанте
 - Основни ROWA протокол
 - ROWA-A, са мењањем расположивих копија
 - ROWA са примарном копијом
 - ROWA са токенима првих копија



Основни ROWA протокол

- Протокол ROWA
 - преводи сваку операцију читања у једну операцију читања, на једној од копија
 - преводи сваку операцију писања у N операција писања, по једну на свакој копији
- Контролер конкурентности на свакој локацији синхронизује приступ копијама
 - свака промена мора да успе на свим локацијама или ни на једној
- У случају отказивања неке локације
 - читање је и даље могуће
 - писање није могуће до опоравка неисправне локације



Протокол ROWA – A

- “*Read One Write All Available*”
- Разлика у односу на основни протокол:
 - писање се изводи не на “свим” него на “свим расположивим” копијама
- У случају отказивања неке локације
 - читање је и даље могуће
 - писање је и даље могуће
 - неисправне локације могу да постану расположиве тек након опоравка уз пуно преписивање свих измена насталих током неоперативног периода



Протокол ROWA – А (2)

- “Алгоритам расположивих копија”
 - синхронизује неуспехе и опоравке контролисањем расположивости копија
- Операције писања се шаљу свим копијама:
 - ако нека локација није оперативна, од ње нема одзива у допуштеним оквирима (*missing write*)
 - ако јесте, онда је операција писања обрађена или одбачена
- Могућа су унапређења ради откривања грешака које се односе на препознавање статуса учесника



Протокол ROWA – А (3)

- Пре потврђивања трансакције координатор започиње примену двофазног протокола валидације:
 - “валидација пропуштених писања” - проверава да ли су све копије које су пропустиле неко писање још увек неоперативне
 - координатор шаље поруку *UNAVAIL* свим копијама од којих још није добијен одговор на захтев за писање
 - ако је нека постала активна, и покренула писање, она ће примити овај захтев и одговорити сигналом за прекид трансакције
 - ако није ниједна постала активна, наставља се са следећим кораком
 - “валидација приступа” - проверава да ли су све копије које су читале или писале још увек расположиве
 - координатор таквим копијама шаље поруку *AVAIL*
 - свака која је активна прима поруку и потврђује да је активна
 - ако нека није активна, прекида се трансакција



Протокол ROWA – А (4)

- Проблеми:
 - Свакој неисправној локацији се шаљу бар два захтева (1. операција писања, 2. провера у току валидације) и на сваки се чека највише допуштено време
 - тиме се потенцијално губи значајно време и смањује одзивност система
 - Иако безбедан, поступак двофазне валидације није ефикасан
 - пожељно је препознати опоравак локација у што краћем интервалу
 - овај поступак игнорише опоравак у неким случајевима и одлаже га за касније, чиме му се потенцијално подиже цена



ROWA са примарном копијом

- Разлика у односу на основни протокол:
 - једна копија се проглашава за “примарну”
 - остале копије су “резервне”
 - читање се изводи само са примарне копије
 - писање се изводи на примарној и свим расположивим резервним копијама
- Овај протокол
 - не подиже перформансе читања
 - унапређује само поузданост система



ROWA са примарном копијом (2)

- Ако примарна копија постане неоперативна, изабрана резервна копија (по унапред одређеној линији преузимања) постаје нова примарна
 - да би ово било могуће потребно је да буде могуће недвосмислено разликовати неоперативност примарне копије од проблема у комуникацији
 - у супротном се може догодити да постоји више примарних копија, што је фатално по конзистентност
- Ако резервна копија постане неоперативна
 - она не може постати примарна све док не буде у потпуности опорављена
 - може преузети неке улоге резервне и након делимичног опоравка



ROWA са примарном копијом (3)

- Иако је овај алгоритам релативно једноставан и има неких слабости, ипак је један од најчешће употребљаваних
 - наравно, само у случајевима где је једини циљ подизање нивоа позданости



ROWA са токенима "правих" копија

- Разлика у односу на основни протокол:
 - сваки податак, у било ком тренутку времена, има или један *ексклузиван* токен или скуп *дељивих* токена
 - операција писања мора да добије ексклузиван токен
 - операција читања мора да добије бар дељиви токен
- Концептуално слично дистрибуираном закључавању
- "Узимање" токена обухвата, по потреби, и ажурирање податка



ROWA са токенима "правих" копија (2)

- При писању:
 - када копија мора да изврши операцију писања, она лоцира и узима ексклузиван токен за конкретан податак
 - ако он не постоји, она лоцира и проглашава за неисправне све дељиве токене за конкретан податак и прави нови ексклузиван уместо њих
- При читању
 - када копија мора да изврши операцију читања, копија лоцира дељиви токен, копира његову вредност и прави и чува нови дељиви токен
 - ако не постоји дељиви токен, она лоцира ексклузиван токен и конвертује га у дељиви и затим поступа као у претходном случају



ROWA са токенима "правих" копија (3)

- Токен има обједињену семантику налик на "локални катанац" на "дистрибуираном податку"
- Представља механизам за препознавање конфликта између више писања или између писања и читања података
- У случају проблема
 - само локације које имају токен на неком податку, могу да користе тај податак
 - ако су сви токени на податку лоцирани на неоперативној локацији, онда тај податак није расположив
 - при активирању неке локације А
 - сви њени ексклузивни токени се задржавају
 - за сваки податак, за који на лок.А постоји дељиви токен, се проверава да ли постоји и на некој од оперативних лок., и ако постоји онда се поништава на лок.А
- Постоје и другачији алгоритми који почивају на токенима, који се везују, на пример, за поруке и комуникацију...



ROWA са токенима "правих" копија (4)

- Након писања промена би требало да се дистрибуира
- То може да се остварује различитим механизмима
- На пример, на сваком од чворова асинхрони процес обилази све ексклузивне токене, конвертује их у дељиве и копира измењене податке (и дељиве токене) на (одређен број) других локација...



Консензус кворума (гласање)

- За разлику од метода ROWA
 - допушта писање на подскупу (*кворум писања*) оперативних локација
 - читања се изводе са поскупа (*кворум читања*) локација који мора да има непразан пресек са кворумом писања
- Правило *пресека кворума* обезбеђује да ће свако читање моћи да се одвија са најсвежије писаним вредностима
- За локацију која учествује у операцији се каже да је *гласала* за операцију



Консензус кворума (гласање) (2)

- Ова техника маскира неисправности, без додатних захтева (поступака) при опоравку неисправних локација
 - ефикасније него у случају валидације у два корака
- Кворуми могу бити
 - статички – одређени гласањем при подизању система
 - динамички – ако локације могу да се реконфигуришу



Консензус кворума (гласање) (3)

- Врсте консензуса кворума:
 - КК са униформном већином
 - КК са тежинском већином
 - КК са тежинском већином за директоријуме
 - Уопштени КК за апстрактне типове података
 - Хибрид ROWA / КК



КК са униформном већином

- Најстарији од метода кворума
- Операција читања или писања успева ако већина локација “одобри” извршавање
- Не морају све локације које су гласале и да изврше операцију на својим копијама података
 - Читање је довољно да се изврши на копији која има најсвежију вредност
 - иако се припрема (провера конкурентности и провера верзије податка) одвијају на свим копијама кворума
 - Писање мора да се изврши на свим копијама кворума
- Почива на препознавању евентуалних конфликта од стране управљача конкурентношћу на појединачним локацијама



КК са униформном већином (2)

- Постиге се отпорност на неисправности
 - на локацијама
 - у комуникацији
 - (све док постоји већинска група локација које могу да међусобно комуницирају)
- Цена
 - релативно висока и при читању и при писању
 - бар половина +1 локација мора учествовати у свакој операцији



КК са тежинском већином

- Представља уопштење алгоритма КК са униформном већином:
 - Свака копија d_s податка d добија не-негативну *тежину* тако да сума свих тежина на једном податку буде u .
 - Сам податак d добија праг читања r и праг писања w , тако да важе наредни услови:
 - $r + w > u$
 - еквивалентно непразном пресеку кворума
 - $w > u/2$
 - еквивалентно већини
 - неопходан ако се најсвежија копија установљава на основу броја верзије
 - није потребан ако се користе временски печати (видећемо касније)
 - Кворум читања (или писања) податка d је сваки скуп копија чија је тежина бар r (или w)
 - Тежине могу да се разликују за различите податке



КК са тежинском већином (2)

- За установљивање актуелности копија се обично употребљава механизам верзија података
 - Свака копија податка је означена бројем верзије, који се иницијално поставља на 0
 - При свакој промени се уписује нови број верзије, који је за 1 већи од највећег у кворуму писања
 - При читању са бира вредност копије са највећим бројем верзије
- Алтернатива је употреба временских печата
 - Свака копија податка је означена временом записивања
 - При свакој промени се уписује време промене
 - При читању са бира вредност копије са највећим временом промене



КК са тежинском већином (3)

- Свака операција писања $w[d]$ се преводи у скуп појединачних операција писања $w[d_s]$ на свим копијама у неком кворуму писања:
 - читање свих копија у кворуму
 - читање њихових верзија
 - повећавање максималног броја верзије
 - $newVersion = \max(version) + 1$
 - писање свих копија са новим бројем верзије



КК са тежинском већином (4)

- Свака операција читања $r[d]$ се преводи у скуп појединачних операција читања $r[d_s]$ на свим копијама у неком кворуму читања:
 - читање свих копија
 - читање њихових верзија
 - копија са највећим бројем верзије (*текућа копија*) представља резултат



КК са тежинском већином (5)

- Због већинског гласања, у сваком кворуму читања сигурно постоји текућа копија податка
- Овај метод може да сарађује са сваким алгоритмом за контролу конкурентности који омогућава серијализујуће извршавање



КК са тежинском већином (6)

- Начелно се не захтева *сложен* алгоритам опоравка
 - Копија која је пропустила неко ажурирање неће имати последњу верзију податка, па она неће бити коришћена (враћена као резултат) бар до првог наредног ажурирања
- У пракси може да буде пожељно да се у случају отказа промене прагови кворума
 - пре тога мора да се обезбеди ажурирање довољног броја активних копија
 - иначе може да се догоди да неки смањен кворум читања нема ажурну вредност, па да читање буде неисправно
 - зато је први корак вид опоравка



КК са тежинском већином (7)

- Алгоритам је флексибилан
 - Мењањем параметара r и w и додељивањем тежина појединачним копијама појединачних података се:
 - управља прављењем кворума и
 - прилагођава различитим поузданостима компоненти
 - у случају екстремних вредности параметара r и w алгоритам се своди на ROWA ($r=u$, $w \leq \min(d_s)$)
 - у случају уједначених вредности свих параметара d_s , као и једнаких вредности r и w , алгоритам се своди на КК са униформном већином



КК са тежинском већином (8)

- Избор тежина и прагова може да буде сложен посао
- Алтернатива је аутоматско одређивање тежина
- Један начин је поступком *каљења*
 - у општем случају, каљење је поступак постепеног (или поновљеног) *хлађења*, ради достизања минималног *енергетског стања*
 - у случају КК, тежи се достизању максималног нивоа расположивости
 - исти значај имају кворуми читања и писања
 - циљ је да се тежине локација одређују пропорционално поузданости
 - каљење се имплементира тако да се изабраном пару тежина (v_i, v_j) додаје неки од парова $(-1, -1)$, $(-1, 1)$, $(1, -1)$, $(1, 1)$
 - начин избора парова и додељене вредности зависи од варијанте алгоритма



КК са тежинском већином за директоријуме

- Уопштење за *директоријуме*
 - Директоријум је пресликавање *простора кључева* у *простор вредности*
 - Примењује се и на нерелационе базе засноване на каталозима
- Постоје следеће операције на директоријумима:
 - **Insert(Key k , Value v)** – додељивање вредности v кључу k , само ако кључ k не постоји у директоријуму
 - **Update(Key k , Value v)** – додељивање нове вредности v кључу k , само ако кључ k постоји у директоријуму
 - **Delete(Key k)** – брисање кључа k из директоријума, само ако кључ k постоји у директоријуму
 - **Value Lookup(Key k)** – читање вредности додељене кључу k (или false, ако не постоји)



КК са тежинском већином за директоријуме (2)

- Мења се грануларност операција тако да се не извршавају на “великим” директоријумима него на њиховим мањим деловима



Вопштени КК за апстрактне типове података

- Сличан проблем као за директоријуме
- ...



Хибрид ROWA / КК

- Основна слабост метода КК је неоправдано висока цена у случају ретких отказивања комуникација
- Хибридни приступ редукује цену кроз
 - примену метода ROWA током поузданих оперативних периода
 - тзв. “нормални режим”
 - примену метода КК у условима постојања отказа локација или комуникација
 - тзв. “режим ошказа”
- трансакције могу да започну рад у нормалном режиму и да током рада пређу у режим отказа



Хибрид ROWA / КК (2)

- Постојање отказа се препознаје кроз *пироушћена писања*
 - Ако трансакција препозна да је било изостајања писања неке копије податка коју је већ читала, она мора да буде прекинута
 - Ако трансакција препозна да је било изостајања писања неке копије пре читања са те копије, онда мора да пређе у режим КК и да чита са копија које нису пропустиле писање
 - кворуми сигурно обухвата бар једну локацију која није пропустила писање

Хибрид ROWA / КК (3)

- Ако трансакција T упути захтев за писање и дође до изостајања писања на некој копији
 - сама трансакција T то лако учава и мења режим
 - да би друге трансакције то дознале потребни су додатни механизми
- Један начин је вођење листе пропуштених писања (MWL) уз сваку копију податка

Консензус кворума у уређеним мрежама

- Савремени алгоритми репликације поред толерисања неисправности стављају у први план и оптимизацију трошкова
- Покушава се постизање смањивања броја локација које учествују у гласању увођењем логичке структуре у скуп локација

Консензус кворума у уређеним мрежама (2)

- Врсте:
 - Алгоритам \sqrt{n}
 - Протокол матрице ($GRID$)
 - Асимптотска висока расположивост
 - Дрво кворума
 - КК са хијерархијском тежинском већином
 - КК са вишедимензионалном тежинском већином

Алгоритам \sqrt{n}

- Уводи се претпоставка да неће бити отказивања комуникације
- Свакој локацији се додељује један кворум који има непразан пресек са свим кворумима који су додељени другим локацијама
 - свака два кворума имају непразан пресек
- Трансакција мора да обезбеди консензус свих локација у кворуму додељеном његовој матичној локацији



Алгоритам \sqrt{n} (2)

- Када локација s_i затражи међусобно искључивање, протокол тражи консензус од кворума локација Q_i тако да важи:
 - $Q_i \cap Q_j \neq \emptyset$ – за свака два кворума мора постојати бар једна заједничка локација, која служи као арбитар када се неки чланови двају кворума не слажу
 - $s_i \in Q_j$ – локација која поставља захтев то чини у односу на себе, без додатних порука
 - $|Q_i| = K$ – свака локација шаље и прима исти број порука
 - $|\{Q_i : s_i \in Q_i\}| = M$ – свака локација је арбитар за исти број локација, тј. учествује у истом броју кворума



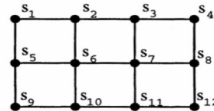
Алгоритам \sqrt{n} (3)

- Претходни услови имплицирају
 - $n = K(K-1) + 1$
 - са K размена порука се може договорити n локација
- Протокол постиже узајамно искључивање са $c\sqrt{n}$ порука ($3 \leq c \leq 5$)



Протокол матрице (GRID)

- Скупови локација се уређују у облику матрице са N колона и M врста, тако да је $M \cdot N \leq n$:



- Један кворум читања обухвата локације са по тачно једном локацијом из сваке колоне
- Кворум писања се састоји од свих локација једног кворума читања и једне колоне



Протокол матрице (GRID) (2)

- Основни циљеви такве организације кворума су
 - пресек сваког кворума писања и сваког кворума читања
 - свако писање успева на свим чворовима једне колоне
 - свако читање обухвата бар један чвор те колоне и добија свеже податке
 - поуздана имплементација механизма закључавања
 - равномерно распоређивање оптерећења
 - пресек између свака два кворума писања
 - поуздана имплементација механизма закључавања



Протокол матрице (GRID) (3)

- Скуп локација G је C -покривање ако свака колона има непразан пресек са G .
- Операција читања бира произвољну пермутацију π_r која се састоји од M локација у произвољном реду r
 - π_r одређује редослед комуницирања ради постављања катанаца за читање на C -покривачу
 - обезбеђује равномерно оптерећење
 - ако успе, гарантује се да једна од копија има најсвежију вредност
 - ако не успе, покушава се слично на наредној врсти док се не добије катанац
 - ако не успе ни на једној врсти, операција се прекида и катанци ослобађају



Протокол матрице (GRID) (4)

- Операција писања:
 - Најпре закључава C -покривач користећи протокол читања
 - Затим закључава све локације произвољне колоне c у редоследу одређеном пермутацијом π_c
 - Да би нека два писања радила конкурентно, свако од њих мора да закључа по C -покривач и једну колону, па се мора препознати конфликт
 - слично и за конфликт читања и писања

Литература за ову тему

- *A.A. Helal, A.A. Heddaya, B.B. Bhargava, Replication Techniques in Distributed Systems, Kluwer Academic Publishers, 1996.*